



Correction de la série de TD 4

```
//Exemple de déclaration d'un tableau
Constantes Max← 100 : Entier ;
Variable Tableau T[Max] : Entier ;
//Exemple de déclaration d'une matrice
Constantes MaxM←100 : Entier ; MaxN← 100 : Entier ;
Variable Tableau Matrice [MaxM][MaxN] : Entier ;
```

Exercice 1

```
Algorithme Remplir ;
Variables i, n : Entier ;
Début
Ecrire ("Entrez la taille n" ) ; Lire(n) ;
Pour i ← 0 à n-1 Faire
    Ecrire ("T[" , i, "]=") ; Lire(T[i]) ;
Fin Pour
Fin
```

Exercice 2

```
Algorithme Afficher ;
Variables i, n : Entier ;
Début
Ecrire ("Entrez la taille n" ) ; Lire(n) ;
    Pour i ← 0 à n-1 Faire
        Ecrire (T[i], " ") ;
    Fin Pour
Fin
```

Exercice 3

```
Algorithme MinimumMaximum ;
Variables i, vmin, vmax, n : Entier ;
Début
    //on suppose que le tableau est déjà rempli et est de taille n.
    vmin ← T[0] ; vmax←T[0] ;
    Pour i←1 à n-1 Faire
        Si ( vmin > T[i] ) Alors vmin ←T[i] ;
        Fin Si
        Si ( vmax < T[i] ) Alors vmax←T[i] ;
        Fin Si
    Fin Pour
```

```
Ecrire (" Le min du tableau est = ", vmin) ;  
Ecrire (" Le max du tableau est = ", v max) ;
```

Fin

Exercice 4

Principe de la recherche séquentielle :

Comparer x aux différents éléments du tableau jusqu'à trouver x ou atteindre la fin du tableau.

//Version avec Répéter... jusqu'à

Algorithme Recherche_seq ;

Variation i, n, x: Entier ;

trouve : boolean ;

Début

$i \leftarrow -1$; trouve \leftarrow faux;

Repete

$i \leftarrow i+1$;

TantQue (T[i] !=x) et (i < n-1) ;

Si (T[i] == x) Alors trouve \leftarrow Vrai ;

Fin Si

Si (trouve) Ecrire (" L'élément ", x, " se trouve dans le tableau T ") ;

Sinon Ecrire (" L'élément ", x, " ne figure pas dans le tableau T ") ;

FinSi

Fin

//Version avec Tant que... Faire

Algorithme Recherche_seq ;

Variation i, n, x : Entier

Début

$i \leftarrow 0$;

Tant que (T[i] != x) ET (i < n-1) Faire

$i \leftarrow i+1$;

Fin Tant que

Si (T[i]==x) Alors trouve \leftarrow Vrai ;

Sinon trouve \leftarrow Faux ;

Fin Si

Si (trouve) Ecrire (" L'élément ", x, " se trouve dans le tableau T ") ;

Sinon Ecrire (" L'élément ", x, " ne figure pas dans le tableau T ") ;

Fin

Exercice 5

Principe de la recherche dichotomique :

Le but de la recherche dichotomique est de diviser l'intervalle de recherche par 2 à chaque itération. Pour cela, on procède de la façon suivante :

Soient premier et dernier les extrémités gauche et droite de l'intervalle dans lequel on cherche la valeur x, on calcule m, l'indice de l'élément médian :

$m \leftarrow (\text{premier} + \text{dernier}) \text{ div } 2$;

Il y a trois cas possibles :

$x < T[m]$: l'élément x , s'il existe, se trouve dans l'intervalle [premier..m-1].

$x > T[m]$: l'élément x , s'il existe, se trouve dans l'intervalle [m+1...dernier].

$x = T[m]$: l'élément de valeur x est trouvé, la recherche est terminée.

La recherche dichotomique consiste à itérer ce processus jusqu'à ce que l'on trouve x ou que l'intervalle de recherche soit vide.

Programme Recherche_dich ;

Variables T : Tab ;

 n, x : Entier ;

premier, m, dernier : Entier ;

 trouve : Booleen

Début

premier \leftarrow 0 ;

dernier \leftarrow n-1 ;

trouve \leftarrow Faux ;

Répéter

m \leftarrow (premier + dernier) div 2 ;

Si ($x < T[m]$) Alors dernier \leftarrow m - 1 ;

Sinon Si ($x > T[m]$) Alors premier \leftarrow m + 1 ;

 Sinon trouve \leftarrow Vrai ;

 Fin Si

Fin Si

TantQue (non trouve) et (premier \leq dernier) ;

Si (trouve) Ecrire (" L'élément ", x, " se trouve dans le tableau T ") ;

Sinon Ecrire (" L'élément ", x, " ne figure pas dans le tableau T ") ;

FinSi

Fin

Exercice 6

Algorithme Fusion ;

Variables A, B, C : Tab ;

 i, j, n, m, k : Entier;

Début

k \leftarrow 0 ; i \leftarrow 0 ;

j \leftarrow 0 ;

Tant que (i < n) ET (j < m) Faire

 //On a l'élément A[i] et plus petit que B[j] alors on ajoute A[i] dans C[k]

 Si(A[i] \leq B[j]) Alors C[k] \leftarrow A[i];

 i \leftarrow i + 1;

 k \leftarrow k + 1;

 Fin Si

```

//On a l'élément A[i] et plus grand que B[j] alors on ajoute B[j] dans C[k]
Si (B[j] <= A[i]) Alors C[k]←B[j] ;
    j←j + 1 ;
    k←k +1 ;
Fin Si
Fin Tant que
//Si on a encore des éléments dans A alors on les rajoute successivement dans C
Tant que (i < n) Faire
    C[k] ←A[i] ;
    i ←i + 1 ;
    k←k +1 ;
Fin Tant que
//Si on a encore des éléments dans B alors on les rajoute successivement dans C
Tant que (j < m) Faire
    C[k] ←B[j] ;
    j←j + 1 ;
    k←k +1 ;
Fin Tant que
Fin

```

Exercice 7

1. Remplissage d'une matrice

```

Algorithme Remplir ;
Variables matrice : Mat ;
    i, j, n, m : Entier ;
Début
Pour i ←0 à n-1Faire
Pour j←0 à m-1Faire
    Ecrire ("Entrer un entier : ") ; Lire (T[i][j]) ;
Fin Pour
Fin Pour
Fin

```

2. Affichage d'une matrice

```

Algorithme Afficher ;
Variables matrice : Mat ;
    i, j, n, m : Entier ;
Début
Pour i ←0 à n-1 Faire
Pour j←0 à m-1 Faire
    Ecrire (T[i][j]) ;
Fin Pour
Fin Pour
Fin

```

3. Somme de deux matrices

Principe:

Soient M1 et M2 deux matrices avec n ligne et m colonnes.

$$M3 = M1 + M2$$

Algorithme SomMat ;

Variables M1, M2, M3 : Mat ;

i, j, n, m : Entier ;

Début

Pour i ← 0 à n-1 Faire

Pour j ← 0 à m-1 Faire

M3[i][j] ← M1[i][j] + M2[i][j];

Fin Pour

Fin Pour

Fin

Algorithme ProdMat ;

Variables M1, M2, M3 : Mat ;

i, j, k, n, m : Entier;

Début

Pour i ← 0 à n-1 Faire

Pour j ← 0 à m-1 Faire

M3[i][j] ← 0

Pour k ← 0 à m-1 Faire

M3[i][j] ← M3[i][j] + M1[i][k] * M2[k][j] ;

Fin Pour

Fin Pour

Fin Pour

Fin

Exercice 8

Algorithme occurrence ;

variables tableau tab1[30] : entier ;

tableau tabOccur[10] : entier ;

compteur, valMax, nombreMax : entier ;

Début

compteur ← 0 ;

TantQue (compteur < 30) faire

Ecrire (" veuillez saisir un chiffre (0 à 9). ")

Lire (tab1[compteur]) ;

tabOccur[tab1[compteur]] ← tabOccur[tab1[compteur]]+1 ;

compteur ← compteur+1 ;

FinTantQue

compteur ← 0 ;

```
valMax ← 0 ;
TantQue(compteur < 9) faire
Si (valMax < tabOccur[compteur]) alors valMax ← tabOccur[compteur] ;
    nombreMax ← compteur ;
FinSi
compteur ← compteur + 1 ;
FinTantQue
Ecrire (" le nombre ", nombreMax, " a été tapé", valMax, " fois ") ;
Fin
```