

**Exercice 1 : (5 pts)**

1) Résoudre les équations suivantes :

a.  $3x - 5 = 20 - 2x$

b.  $(x - 9)(3x + 2) = 0$

2) a. Résoudre l'inéquation :  $8x - 12 \leq 5x$

b. Représenter les solutions sur une droite graduée.

3) a. Résoudre le système suivant :

$$\begin{cases} x + y = 40 \\ 2x + 5y = 161 \end{cases}$$

b. Fatima a économisé une somme d'argent de 1610 DH composée de 40 billets de deux types : des billets de 20 Dhs et des billets de 50 Dhs.

Quel est le nombre de billets de type 50 Dhs que Fatima a économisé ?

**Exercice 2 : (4 pts)**

$(O; I; J)$  est un repère orthonormé tel que :  $OI = OJ = 1 \text{ cm}$

1) Soit  $f$  une fonction linéaire dont leur représentation graphique passe par le point  $E(1; 4)$

a. Montrer que :  $f(x) = 4x$ .

b. Déterminer l'image de  $-1$  par la fonction  $f$ .

c. Déterminer le nombre dont l'image est  $-2$  par la fonction  $f$ .

2) Soit  $g$  une fonction affine telle que :  $g(1) = 0$  et  $g(2) = 2$

a. Montrer que :  $g(x) = 2x - 2$

b. Montrer que le point  $F(-1; -4)$  appartient à la représentation graphique de la fonction  $g$

3) Construire les représentations graphiques des deux fonctions  $f$  et  $g$  dans le repère  $(O; I; J)$

**Exercice 3 : (4 pts)**

$(O; I; J)$  est un repère orthonormé

1) Représenter les points  $A(5; 0)$  et  $B(-3; 4)$ .

2) a. Déterminer les coordonnées du vecteur  $\overrightarrow{AB}$ .

b. déduire que  $AB = 4\sqrt{5}$ .

3) Montrer que le coefficient directeur de la droite  $(AB)$  est  $\frac{-1}{2}$ .

4) Déterminer l'équation réduite de la droite  $(D)$  parallèle à  $(AB)$  et qui passe par le point  $O$  l'origine de repère.

5) a. Montrer que le point  $K(1; 2)$  est le milieu du segment  $[AB]$ .

b. Déterminer l'équation réduite de la droite  $(\Delta)$  la médiatrice du segment  $[AB]$ .

#### Exercice 4 : (2 pts)

$ABCD$  est un carré tel que :  $AB = 3 \text{ cm}$ ,

$(C)$  est le cercle de centre  $B$  et de rayon  $AB$ .

On considère  $t$  la translation qui transforme le point  $B$  en  $D$ .

- 1) Construire la figure.
- 2) Déterminer  $(C')$  l'image du cercle  $(C)$  par la translation  $t$ , puis construire  $(C')$ .
- 3) Montrer que l'image de la droite  $(AB)$  par la translation  $t$  est la droite  $(DC)$ .

#### Exercice 5 : (2 pts)

Le tableau statistique suivant présente une ventilation du nombre d'heures hebdomadaires allouées par 25 élèves aux devoirs en mathématiques.

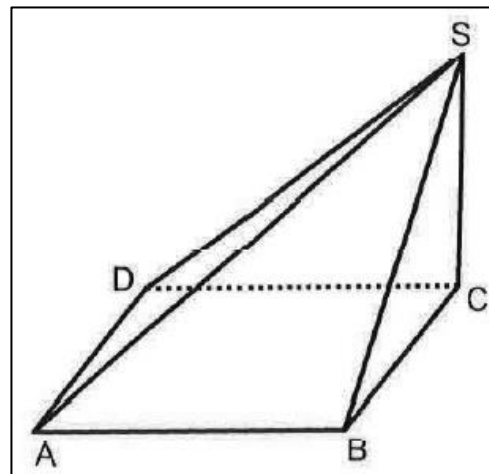
Caractère (le nombre d'heures)	0	1	2	3	4	5
Effectif (le nombre d'élèves)	3	6	9	$x$	1	2

- 1) Montrer que  $x = 4$
- 2) Déterminer le mode de cette série statistique.
- 3) Quel est la moyenne du nombre d'heures hebdomadaires allouées par ces élèves aux devoirs ?
- 4) Quel est le pourcentage d'élèves qui consacrent plus de deux heures et demi par semaine pour faire leurs devoirs.

#### Exercice 6 : (3 pts)

$SABCD$  est une pyramide de base le carré  $ABCD$  et sa hauteur  $[SC]$  telle que :  $SB = 5 \text{ cm}$  et  $AB = 4 \text{ cm}$

- 1) a. Montrer que  $(SC) \perp (BC)$   
b. Montrer que :  $SC = 3 \text{ cm}$
- 2) Calculer  $V$  le volume de la pyramide  $SABCD$ .
- 3) On a agrandi la pyramide  $SABCD$  par un rapport  $k$  et on a obtenu une pyramide dont la surface de sa base est  $100 \text{ cm}^2$ 
  - a. Montrer que  $k = \frac{5}{2}$
  - b. Déduire  $V'$  le volume de la grande pyramide.



### Exercice 1 : (5 pts)

1) a. On a :  $3x - 5 = 20 - 2x$

Alors :  $3x + 2x = 20 + 5$

Signifie que :  $5x = 25$

Donc :  $x = \frac{25}{5} = 5$

D'où la solution de cette équation est : 5

b. On a :  $(x - 9)(3x + 2) = 0$

Alors :  $x - 9 = 0$  ou  $3x + 2 = 0$

Signifie que :  $x = 9$  ou  $3x = -2$

Donc :  $x = 9$  ou  $x = \frac{-2}{3}$

D'où les solutions de cette équation sont : 9 et  $\frac{-2}{3}$

2) a. On a :  $8x - 12 \leq 5x$

Alors :  $8x - 5x \leq 12$

Signifie que :  $x \leq \frac{12}{3}$

Donc :  $x \leq 4$

D'où les solutions de cette inéquation sont tous les nombres réels qui sont inférieurs ou égaux à 4 .

b. Représentation des solutions :



3) a. On a :  $\begin{cases} x + y = 40 & (1) \\ 2x + 5y = 161 & (2) \end{cases}$

- Dans l'équation (1) on exprime  $x$  en fonction de  $y$  :

On a :  $x + y = 40$

Alors :  $x = 40 - y$

- Dans l'équation (2) on remplace  $x$  par  $(40 - y)$  ; on obtient :

$$2(40 - y) + 5y = 161$$

Alors :  $80 - 2y + 5y = 161$

Signifie que :  $3y = 161 - 80$

Signifie que :  $y = \frac{81}{3}$

Donc :  $y = 27$

Par suite :  $x = 40 - 27$

Donc :  $x = 13$

D'où le couple  $(13 ; 27)$  est la solution de ce système.

b. Choix des inconnues :

Soit  $x$  le nombre de billets de type 20 Dhs .

Et  $y$  le nombre de billets de type 50 Dhs .

- Mise en système :

$$\begin{cases} x + y = 40 \\ 20x + 50y = 1610 \end{cases}$$

- Résolution du système :

$$\begin{cases} x + y = 40 \\ 20x + 50y = 1610 \end{cases}$$

On multiplie l'équation (2) par  $\frac{1}{10}$ , on obtient :

$$\begin{cases} x + y = 40 \\ 2x + 5y = 161 \end{cases}$$

D'où : d'après la question 3) a. le couple  $(13 ; 27)$  est la solution de ce système.

- Vérification :

$$\begin{cases} 13 + 27 = 40 \\ 20 \times 13 + 50 \times 27 = 260 + 1350 = 1610 \end{cases}$$

- Retour au problème :

- Le nombre de billets de type 20 Dhs est : 13

- Le nombre de billets de type 50 Dhs est : 27

### Exercice 2 : (4 pts)

1) a. On a :  $f$  est une fonction linéaire.

Alors :  $f(x) = ax$

Et puisque la représentation graphique de la fonction  $f$  passe par le point  $E(1; 4)$

Alors :  $f(1) = 4$

Par suite :  $a = \frac{f(x)}{x} = \frac{f(1)}{1} = \frac{4}{1} = 4$

D'où :  $f(x) = 4x$

b.  $f(-1) = 4 \times (-1) = -4$

c. On a :  $f(x) = 4x$  et  $f(x) = -2$

Alors :  $4x = -2$

Par suite :  $x = \frac{-2}{4} = \frac{-1}{2}$

D'où : le nombre qui a pour image  $-2$  est :  $\frac{-1}{2}$

2) a- On a :  $g$  est une fonction affine

Alors :  $g(x) = ax + b$

✓ Déterminons  $a$  :

On a :  $a = \frac{g(2) - g(1)}{2 - 1} = \frac{2 - 0}{1} = 2$

Alors :  $g(x) = 2x + b$

✓ Déterminons  $b$  :

On a :  $g(1) = 0$

Alors :  $2 \times 1 + b = 0$

C-à-d :  $2 + b = 0$

C-à-d :  $b = 0 - 2$

Donc :  $b = -2$

D'où :  $g(x) = 2x - 2$

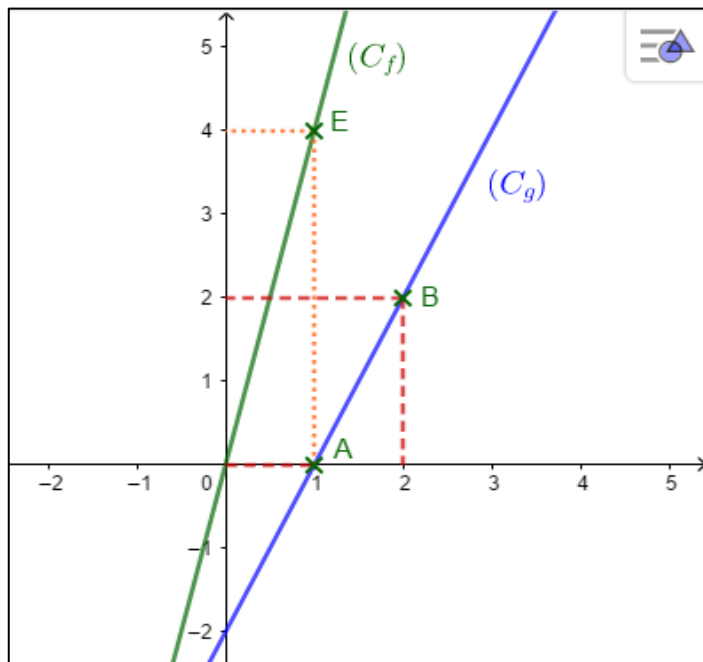
b. On a :  $g(-1) = 2 \times (-1) - 2 = -2 - 2$

Alors :  $g(-1) = -4$

D'où :  $F(-1; -4)$  appartient à la représentation graphique de la fonction  $g$ .

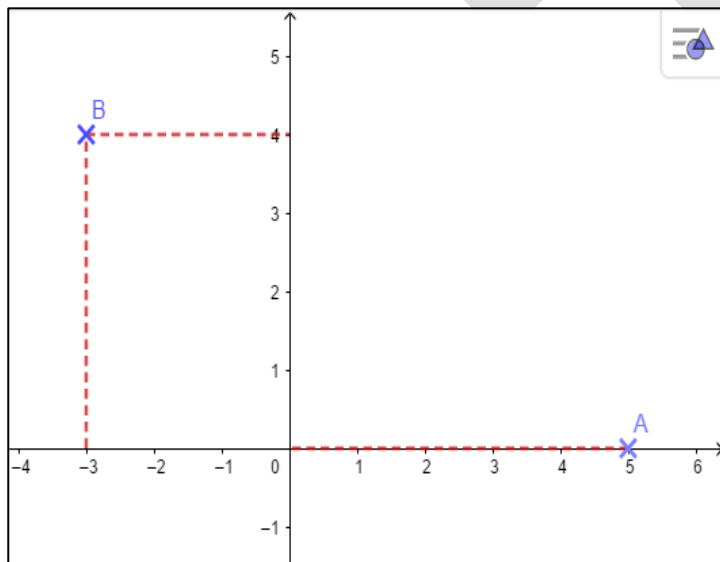
3)

$x$	1	$x$	1	2
$f(x)$	4	$g(x)$	0	2
	$E(1; 4)$		$A(1; 0)$	$B(2; 2)$



### Exercice 3 : (4 pts)

1)  $A(5; 0)$  ;  $B(-3; 4)$



2) a. On a :  $\overrightarrow{AB}(x_B - x_A; y_B - y_A)$

Alors :  $\overrightarrow{AB}(-3 - 5; 4 - 0)$

D'où :  $\overrightarrow{AB}(-8; 4)$

b. On a :  $AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$

Alors :  $AB = \sqrt{(-8)^2 + (4)^2}$

C-à-d :  $AB = \sqrt{64 + 16}$

Donc :  $AB = \sqrt{80} = 4\sqrt{5} \text{ cm}$

3) On a :  $A \in (AB)$  et  $B \in (AB)$

Alors :  $m_{(AB)} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{4 - 0}{-3 - 5} = \frac{4}{-8} = -\frac{1}{2}$

4) On sait que :  $(D) : y = mx + p$

✓ Déterminons  $m$  :

On a :  $(D) // (AB)$

Alors :  $m_{(D)} = m_{(AB)} = -\frac{1}{2}$

Par suite :  $y = -\frac{1}{2}x + p$

✓ Déterminons  $p$  :

On a : la droite  $(D)$  passe par le point  $O(0; 0)$ .

Alors :  $y_O = -\frac{1}{2}x_O + p$

C-à-d :  $0 = -\frac{1}{2} \times 0 + p$

Donc :  $p = 0$

D'où :  $(D) : y = -\frac{1}{2}x$

5) a. On a :  $\frac{x_A + x_B}{2} = \frac{5 + (-3)}{2} = \frac{2}{2} = 1 = x_K$

Et on a :  $\frac{y_A + y_B}{2} = \frac{0 + 4}{2} = \frac{4}{2} = 2 = y_K$

Alors : le point  $K(1; 2)$  est le milieu de  $[AB]$ .

b. On sait que :  $(\Delta) : y = mx + p$

✓ Déterminons  $m$  :

On a :  $(\Delta)$  la médiatrice de segment  $[AB]$

Alors :  $(\Delta) \perp (AB)$

Par suite :  $m_{(\Delta)} \times m_{(AB)} = -1$

C-à-d :  $m_{(\Delta)} \times \frac{-1}{2} = -1$

C-à-d :  $m_{(\Delta)} = -1 \times \frac{2}{-1}$

Donc :  $m_{(\Delta)} = 2$

Par suite :  $y = 2x + p$

✓ Déterminons  $p$  :

On a : le point  $K(1; 2)$  est le milieu de  $[AB]$ .

Et on a : la droite  $(\Delta)$  est la médiatrice de  $[AB]$ .

Alors :  $K \in (\Delta)$

Par suite :  $y_K = 2x_K + p$

C-à-d :  $2 = 2 \times 1 + p$

C-à-d :  $2 = 2 + p$

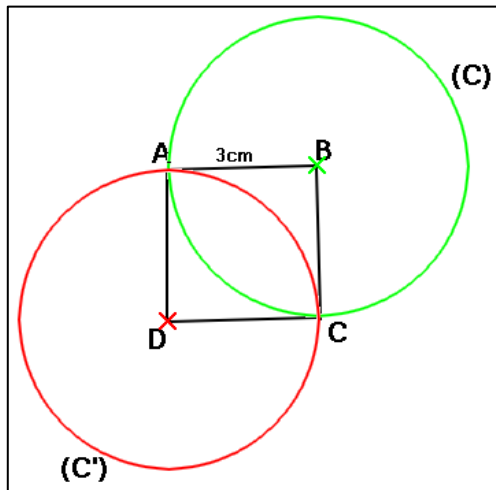
C-à-d :  $p = 2 - 2$

Donc :  $p = 0$

D'où :  $(\Delta) : y = 2x$

#### Exercice 4 : (2 pts)

1) figure.



2) On a : (C) est le cercle de centre B et de rayon  $r = AB = 3 \text{ cm}$ .

Et : D est l'image de B par la translation  $t$ .

Alors : l'image de cercle (C) par la translation  $t$  est le cercle (C') de centre D et de même rayon que le cercle (C). ( $r' = r = 3 \text{ cm}$ )

3) On a : D est l'image de B par la translation  $t$ .

Et :  $(AB) \parallel (DC)$ , car ABCD est un carré.

Et puisque : l'image d'une droite par une translation est une droite qui lui est parallèle.

Alors : l'image de (AB) est une droite qui lui est parallèle et qui passe par D.

D'où : (DC) est l'image de la droite (AB) par la translation  $t$ .

#### Exercice 5 : (2 pts)

1) On a l'effectif total de cette série statistique est :  $N = 25$

$$\text{Alors : } 3 + 6 + 9 + x + 1 + 2 = 25$$

$$\text{C.-à-d. : } x + 21 = 25$$

$$\text{C.-à-d. : } x = 25 - 21$$

$$\text{Donc : } x = 4$$

2) Le mode de cette série statistique :

On a le plus grand effectif est 9, associé à la valeur 2.

Alors : le mode est 2.

3) La moyenne :

$$m = \frac{0 \times 3 + 1 \times 6 + 2 \times 9 + 3 \times 4 + 4 \times 1 + 5 \times 2}{25}$$

$$m = \frac{0 + 6 + 18 + 12 + 4 + 10}{25}$$

$$m = \frac{50}{25}$$

$$\text{Donc : } m = 2$$

4) Le nombre d'élèves qui consacrent plus de deux heures et demie par semaine pour faire leurs devoirs est :

$$4 + 1 + 2 = 7$$

$$\text{Par suite : } \begin{array}{l} 25 \longrightarrow 100 \% \\ 7 \longrightarrow x \end{array}$$

$$\text{Donc : } x = \frac{7 \times 100 \%}{25}$$

$$\text{D'où : } x = 28 \%$$

#### Exercice 6 : (3 pts)

1) a. On a : (SC) est la hauteur de la pyramide SABCD

Alors : la droite (SC) est perpendiculaire au plan (ABCD) en point C

Et puisque la droite (BC) est incluse dans le plan (ABCD), alors :  $(BC) \perp (SC)$

b. On a :  $(BC) \perp (SC)$

Alors SBC est un triangle rectangle en C

Donc d'après le théorème de Pythagore direct,

$$\text{on a : } SB^2 = SC^2 + BC^2$$

$$\text{C.-à-d. : } 5^2 = SC^2 + 4^2$$

$$\text{C.-à-d. : } 25 = SC^2 + 16$$

$$\text{C.-à-d. : } SC^2 = 25 - 16$$

$$\text{C.-à-d. : } SC^2 = 9$$

$$\text{D'où : } SC = \sqrt{9} = 3 \text{ cm}$$

$$2) \text{ On sait que : } V = \frac{1}{3} S_B \times h$$

$$\text{Alors : } V = \frac{1}{3} \times AB^2 \times SC$$

$$\text{C.-à-d. : } V = \frac{1}{3} \times 4^2 \times 3$$

$$\text{C.-à-d. : } V = \frac{1}{3} \times 16 \times 3$$

$$\text{D'où : } V = 16 \text{ cm}^3$$

3) a. On a :  $k$  est le rapport d'agrandissement

$$\text{Alors : } S'_{ABCD} = k^2 \times S_{ABCD}$$

$$\text{C.-à-d. : } 100 \text{ cm}^2 = k^2 \times 16 \text{ cm}^2$$

$$\text{Par suite : } k^2 = \frac{100 \text{ cm}^2}{16 \text{ cm}^2} = \frac{25}{4}$$

$$\text{Donc : } k = \sqrt{\frac{25}{4}} = \frac{5}{2} \quad (\text{car } k > 0)$$

b. On a :  $k = \frac{5}{2}$  est le rapport d'agrandissement

$$\text{Alors : } V' = k^3 \times V$$

$$\text{C.-à-d. : } V' = \left(\frac{5}{2}\right)^3 \times 16$$

$$\text{C.-à-d. : } V' = \frac{125}{8} \times 16$$

$$\text{D'où : } V' = 250 \text{ cm}^3$$